

Title	書信 福原満洲雄氏ヨリ南雲道夫氏へ
Author(s)	福原, 満洲雄
Citation	全国紙上数学談話会. 78 p.18-p.21
Issue Date	1936-02-14
oaire:version	VoR
URL	<a href="https://doi.org/10.18910/74273">https://doi.org/10.18910/74273</a>
rights	
Note	

*Osaka University Knowledge Archive : OUKA*

<https://ir.library.osaka-u.ac.jp/>

Osaka University

# 350. 書信

福原満洲雄氏ヨリ

南雲道夫氏へ

南雲兄

其ノ後 *Riesz* ノ論文モ大体讀ンデ見マシタ、ソレト比較シナガラ今迄ノ結果ヲ整理シテ談話会ノ方ヘ報告スル予定デスガ、コゝデハ私が定理 12 (IV) = 達シタ経路ヲ報告致シマセウ。

私が定義シタ  $A^{\mu}$  ハ *Riesz* ノ  $L_{\mu}$  ト同ジモノニナリマスカラ *Riesz* ノ定理 6 = 依ツテ  $\gamma < \omega$  トナリ、從ツテ定理 12 ノ証明が生キテ來ルカラデス、記号ハ私ノモノヲ使ヒマス。

$F(X)$  = 関スル假定ハ例ノ通りトシ

$$\Phi(X) \equiv X - \epsilon F(X) = x$$

ノ解ヲ

$$x - \epsilon G_{\epsilon}(x) = X$$

デ表ハシマス、簡單ノタメ  $\epsilon = 1$  ガ固有値デアルトシ、ソレガ  $G_{\epsilon}$  ノ極ニナルコトヲ証明シマス。

先ヅ最初 =  $A^{\gamma}(\text{Riesz}, L_{\mu})$  が 0 ガケヲ含ム場合ヲ考ヘマス、*Riesz* ノ定理 1, 2, 8 カラ空間  $E$  が有限次元

トナリマスカラ証明スル迄モナイノデスが私ハ次ノ方法ヲ取  
ツタノデス。

$$F + G_k = kF G_k = kG_k F$$

=

$$G_k = \sum_{r=0}^{\infty} A_r (k-1)^r + \sum_{r=1}^{\infty} B_r (k-1)^{-r}$$

ヲ入レテ形式的計算デ

$$\ominus B_r \equiv B_r - FB_r = FB_{r+1} \quad (r=1, 2, \dots)$$

ヲ得マス、コレカラ一般ニ

$$\ominus^r B_r = F^r B_{r+1} \quad (r=1, 2, \dots)$$

が出マス、故ニ  $F^r(B_{r+1}(X)) \in A^r$  トナリマス。  $A^r$  が 0

ガケヲ含ムトイフ假定カラ

$$F^r(B_{r+1}(X)) = 0$$

ヲ得、統イテ  $B_{r+1}(X) = 0$  (コノ点多少証明ヲ要シマスが  
省略シマス)

従ツテ

$$B_r = 0 \quad (r = r+1, r+2, \dots)$$

ヲ得マス。コレデ極ノ位数ト  $\gamma$  (Riesz ノ  $\nu$ ) トノ関係ガ

合リマス、一般ノ場合ハ次ノヤウニ考ヘマス、  $F(A^r) \subseteq A^r$

デスカラ定點  $X$ ニ對シテ  $Y \equiv X \pmod{A^r}$  デアルヤウナ點

$Y$ ノ集合ヲ  $X^*$  デ、  $F^*(X^*)$  デ  $F(X)^*$  ヲ表ハシ、

$$X^* - kF^*(X^*) = x^*$$

ノ解ヲ

$$x^* - k G_k^*(x^*) = X^*$$

ト書クコト=シマス。

$$G_k^*(x^*) = G_k(x)^*$$

從ツテ

$$G_k^* = \sum_{r=0}^{\infty} A_r^* (k-1)^r + \sum_{r=1}^{\infty} B_r^* (k-1)^{-r}$$

トスレバ

$$A_r^*(x^*) = A_r(x)^*, \quad B_r^*(x^*) = B_r(x)^*$$

トナリマス。商空間  $E/A^r =$  於ケル方程式  $X^* - k F^*(X^*) = x^*$   
 = 對シテ  $A^\alpha =$  相當スル  $A^{*\alpha}$  ヲ作レバ

$$A^{*\alpha} = A^\alpha / A^r$$

トナリマス、從ツテ  $A^{*r}$  ハ  $0^*$  ダケカラ成リ乙 = 証明シタ  
 所 = ヨリ

$$B^{*r} = 0^* \quad (r = r+1, r+2, \dots)$$

ヲ得マス、ソコデ

$$H_k = \sum A_r (k - k_0)^r + \sum_{r=1}^r B_r (k - k_0)^{-r}$$

ト置ケバ  $H_k^* = G_k^*$  トナリマスカラ  $X^* - k F^*(X^*) = x^*$   
 ノ解ハ

$$x^* - k H_k^*(x^*) = X^*$$

ト書クコトモ出來マス。コレカラ

$$H_k^* + F^* - k F^* H_k^* = 0^*$$

ヲ得マス。

$$X = Y + x - \lambda H_{\lambda}(x)$$

ト置ケバ  $Y$  の方程式ハ

$$Y - \lambda F(Y) = \lambda H_{\lambda}(x) + \lambda F(x) - \lambda^2 F H_{\lambda}(x)$$

トナリマスカラ上ニ得タ關係式ニヨリ此ノ右辺ハ  $A^{\lambda}$  ノ点トナリマス。

$$Y - \lambda F(Y) = y$$

ヲ  $A^{\lambda}$  = 於ケル方程式ト考ヘレバ  $\lambda = 1$  ハ固有値デナイカラ之ヲ解イテ

$$Y = y - \lambda L_{\lambda}(y)$$

ヲ得タトスレバ  $L_{\lambda}$  ハ  $\lambda = 1$  デ正則トナリマス、 $y$  ノ所ヘ

$$\lambda H_{\lambda}(x) + \lambda F(x) - \lambda^2 F H_{\lambda}(x)$$

ヲ入レルコトニヨリ  $Y$  が求マリマスオラ  $X$  が求マリマス、ソレカラ  $G_{\lambda}$  = 對シテ  $\lambda = 1$  が極デアルコトが分リ、更ニ極ノ位数ト  $\gamma$  (Riesz,  $\nu$ ) トノ關係モ分リマス。

之レカラ先ノコトハ順序ヲ追ツテ談話會ノ方ヘ報告致シマス。

1月22日

福原満洲雄